

1 - 1 - 3 補足解説 (簡便解法)

題意から、以下の等式が成り立つ。

$$X^3 = 0.9 * \{1 - (1 - 0.9) * (1 - 0.9)\} * 0.9$$

右辺を計算すると、

$$\begin{aligned} & 0.9 * (1 - 0.01) * 0.9 \\ &= 0.81 * (1 - 0.01) \\ &= 0.81 - 0.0081 \\ &= 0.8019 \end{aligned}$$

とほぼ暗算で正確な数値を得る。

ここで、 e が極めて小さい場合、以下の式により簡便に近似値が求められることを利用する。

$$(1 \pm e)^n \approx 1 \pm ne$$

これを用いて、電卓を使わずに計算するには、故障率を e として、

$$X^3 = 0.8019$$

$$(1 - e)^3 = 0.8019$$

$$1 - 3e = 0.8019$$

$$3e = 0.1981$$

$$e = 0.066$$

$$X = 1 - e$$

$$= 0.934$$

よって、一番近い 0.934 を採る。

最初の解説のように、 0.07 、 0.04 に絞り込んだ段階で試算する場合でも、同様に冒頭の近似計算式を用いれば、以下の様に 0.934 が最も近いということが迅速に判明する。

$$\text{は } (1 - 0.07)^3 \approx 1 - 3 \times 0.07 = 0.79$$

$$\text{は } (1 - 0.04)^3 \approx 1 - 3 \times 0.04 = 0.88$$

$$\text{は } (1 - 0.01)^3 \approx 1 - 3 \times 0.01 = 0.97$$

また、システム A 全体の信頼度も、近似計算式を用いて求めることが出来る。

この場合、冒頭の式を更に一般化して、

$$(1 \pm a)(1 \pm b)(1 \pm c) \approx 1 \pm a \pm b \pm c$$

という近似計算が成り立つことを利用して、

$$(1 - 0.1)(1 - 0.01)(1 - 0.1) \approx 1 - 0.1 - 0.01 - 0.1 = 0.79$$

となり、厳密解の 0.8019 にほぼ等しい値が算出される。

これらの近似計算はあくまで e が小さい場合に成り立つので、 e が 0.1 を超える場合や、選択肢の各値が接近している場合は使わない方が良い。